

# Procédés de fabrication I - IGI, série 4

22 novembre 2024

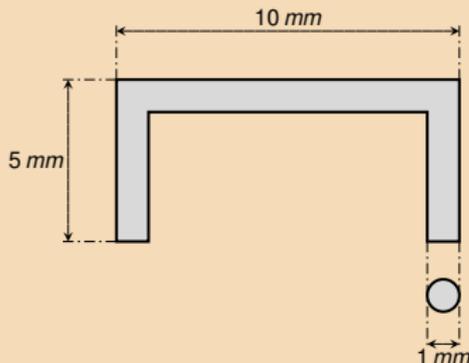
# Enoncé exercice 1

## Evaluation de l'énergie de fabrication

- On produit des agrafes (cf. Fig. ci-dessous) par étirage d'une barre de 10 mm de diamètre. Le matériau en question a les caractéristiques mécaniques suivantes :

limite élas.	module d'élas.	coeff. écrou.	coeff. Poisson
$R_e = 450 \text{ MPa}$	$E = 200 \text{ GPa}$	$n = 0.5$	$\nu = 0.5$

- a) On demande de calculer l'énergie nécessaire à produire une agrafe.



# Corrigé exercice 1

## Evaluation de l'énergie de fabrication

- L'énergie  $E$  de fabrication est liée au volume  $V$  de la pièce et à l'énergie spécifique de déformation  $\eta$  :

$$E = \eta V$$

- Le volume  $V$  est connu et ne varie pas durant l'écrouissage (incomp.  $\nu = 0.5$ ) :

$$V = \pi \left(\frac{d}{2}\right)^2 (H + L + H)$$

# Corrigé exercice 1

## Evaluation de l'énergie de fabrication

- L'énergie  $E$  de fabrication est liée au volume  $V$  de la pièce et à l'énergie spécifique de déformation  $\eta$  :

$$E = \eta V$$

- Le volume  $V$  est connu et ne varie pas durant l'étirage (incompr. :  $\nu = 0.5$ ) :

$$V = \pi \left( \frac{d}{2} \right)^2 (H + L + H) = \pi \times 0.5^2 \times (5 + 8 + 5) \approx 14.13 \text{ mm}^3$$

# Corrigé exercice 1

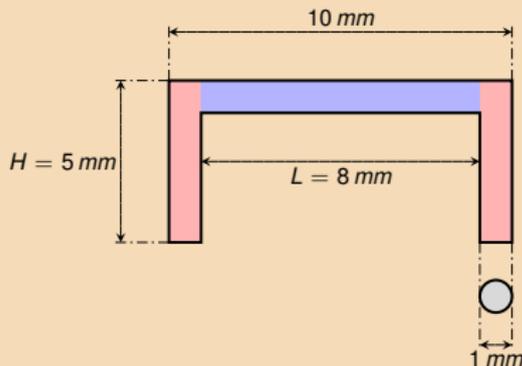
## Evaluation de l'énergie de fabrication

- L'énergie  $E$  de fabrication est liée au volume  $V$  de la pièce et à l'énergie spécifique de déformation  $\eta$  :

$$E = \eta V$$

- Le volume  $V$  est connu et ne varie pas durant l'étrirage (incompr. :  $\nu = 0.5$ ) :

$$V = \pi \left( \frac{d}{2} \right)^2 (H + L + H) = \pi \times 0.5^2 \times (5 + 8 + 5) \simeq 14.13 \text{ mm}^3$$



# Corrigé exercice 1

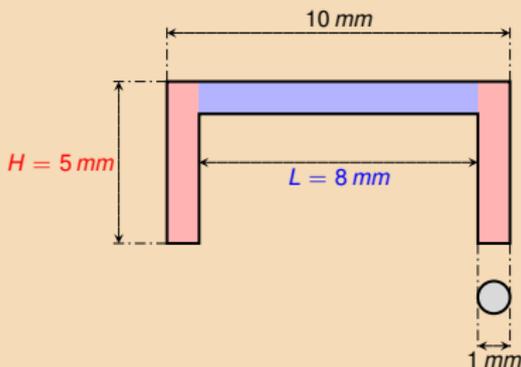
## Evaluation de l'énergie de fabrication

- L'énergie  $E$  de fabrication est liée au volume  $V$  de la pièce et à l'énergie spécifique de déformation  $\eta$  :

$$E = \eta V$$

- Le volume  $V$  est connu et ne varie pas durant l'étrirage (incompr. :  $\nu = 0.5$ ) :

$$V = \pi \left( \frac{d}{2} \right)^2 (H + L + H) = \pi \times 0.5^2 \times (5 + 8 + 5) \simeq 14.13 \text{ mm}^3$$



# Corrigé exercice 1

## Evaluation de l'énergie de fabrication

- L'énergie  $E$  de fabrication est liée au volume  $V$  de la pièce et à l'énergie spécifique de déformation  $\eta$  :

$$E = \eta V$$

- Le volume  $V$  est connu et ne varie pas durant l'étirage (incompr. :  $\nu = 0.5$ ) :

$$V = \pi \left( \frac{d}{2} \right)^2 (H + L + H) = \pi \times 0.5^2 \times (5 + 8 + 5) \simeq 14.13 \text{ mm}^3$$

- L'énergie spécifique de déformation  $\eta$  est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$ .

# Corrigé exercice 1

## Evaluation de l'énergie de fabrication

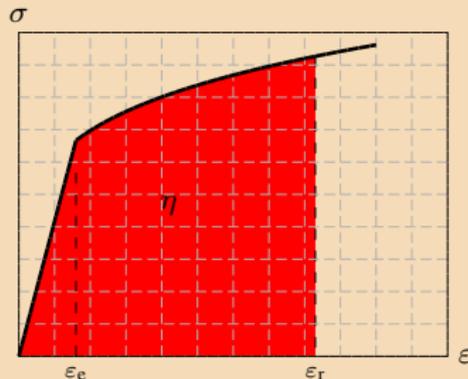
- L'énergie  $E$  de fabrication est liée au volume  $V$  de la pièce et à l'énergie spécifique de déformation  $\eta$  :

$$E = \eta V$$

- Le volume  $V$  est connu et ne varie pas durant l'étirage (incomp. :  $\nu = 0.5$ ) :

$$V = \pi \left( \frac{d}{2} \right)^2 (H + L + H) = \pi \times 0.5^2 \times (5 + 8 + 5) \simeq 14.13 \text{ mm}^3$$

- L'énergie spécifique de déformation  $\eta$  est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$ .



# Corrigé exercice 1

## Determination du taux de déformation réel en relaxation

- Le taux de déformation réel en relaxation  $\epsilon_r$  dépend du taux de déformation réel permanent qu'on souhaite atteindre :

$$\epsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0}$$

où  $l_0$  est la longueur initiale de la barre qu'on utilise pour former l'agrafe et où  $l_p$  est sa longueur au moment du pliage :



# Corrigé exercice 1

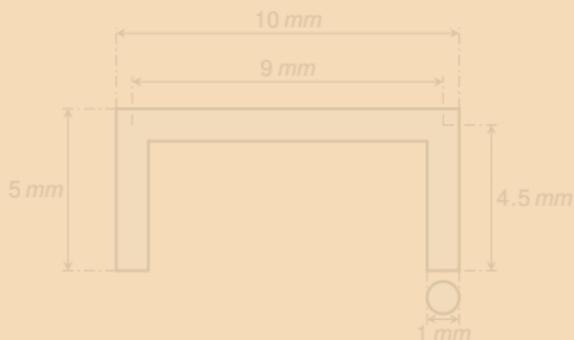
## Détermination du taux de déformation réel en relaxation

- Le taux de déformation réel en relaxation  $\varepsilon_r$  dépend du taux de déformation réel permanent qu'on souhaite atteindre :

$$\varepsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0}$$

où  $l_0$  est la longueur initiale de la barre qu'on utilise pour former l'agrafe et où  $l_p$  est sa longueur au moment du pliage :

$$l_p = 9 + 4.5 + 4.5 = 18 \text{ mm}$$



# Corrigé exercice 1

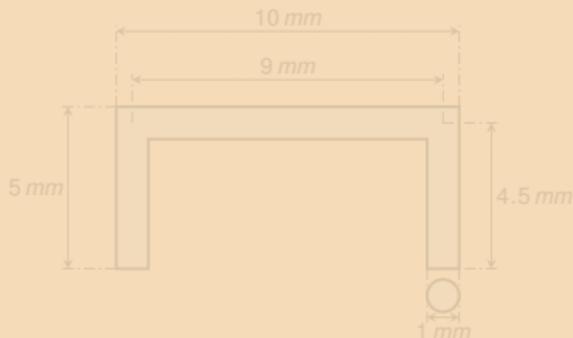
## Détermination du taux de déformation réel en relaxation

- Le taux de déformation réel en relaxation  $\varepsilon_r$  dépend du taux de déformation réel permanent qu'on souhaite atteindre :

$$\varepsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0}$$

où  $l_0$  est la longueur initiale de la barre qu'on utilise pour former l'agrafe et où  $l_p$  est sa longueur au moment du pliage :

$$l_p \simeq 9 + 4.5 + 4.5 = 18 \text{ mm}$$



# Corrigé exercice 1

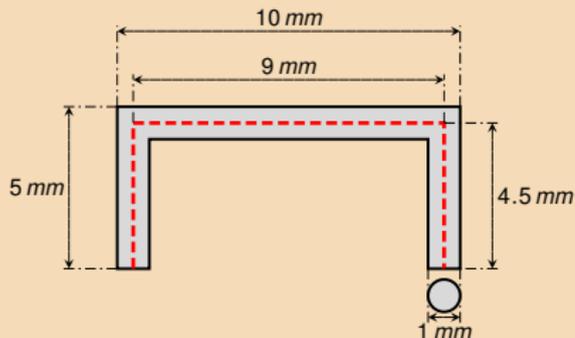
## Détermination du taux de déformation réel en relaxation

- Le taux de déformation réel en relaxation  $\varepsilon_r$  dépend du taux de déformation réel permanent qu'on souhaite atteindre :

$$\varepsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0}$$

où  $l_0$  est la longueur initiale de la barre qu'on utilise pour former l'agrafe et où  $l_p$  est sa longueur au moment du pliage :

$$l_p \simeq 9 + 4.5 + 4.5 = 18 \text{ mm}$$



# Corrigé exercice 1

## Détermination du taux de déformation permanent

- La longueur initiale de la barre doit assurer la conservation du volume. Il faut que

$$l_0 S_0 = l_p S_p \implies l_0 = l_p \frac{S_p}{S_0}$$

- On en tire que

$$\varepsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0}$$

# Corrigé exercice 1

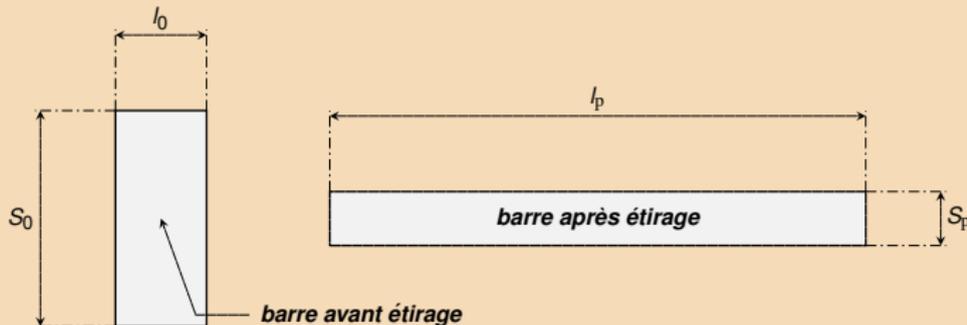
## Détermination du taux de déformation permanent

- La longueur initiale de la barre doit assurer la conservation du volume. Il faut que

$$l_0 S_0 = l_p S_p \implies l_0 = l_p \frac{S_p}{S_0} = l_p \left( \frac{\sigma_p}{\sigma_0} \right)^2$$

- On en tire que

$$\epsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0}$$



# Corrigé exercice 1

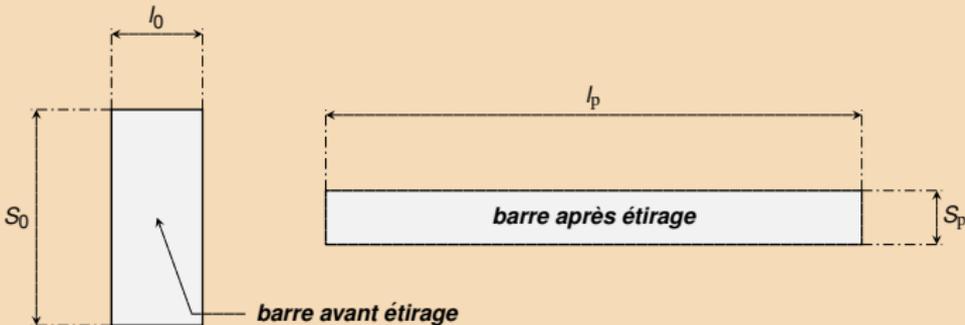
## Détermination du taux de déformation permanent

- La longueur initiale de la barre doit assurer la conservation du volume. Il faut que

$$l_0 S_0 = l_p S_p \implies l_0 = l_p \frac{S_p}{S_0} = l_p \left( \frac{d_p}{d_0} \right)^2 = 10 \left( \frac{1}{10} \right)^2 = 0,10 \text{ m}$$

- On en tire que

$$\epsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0}$$



# Corrigé exercice 1

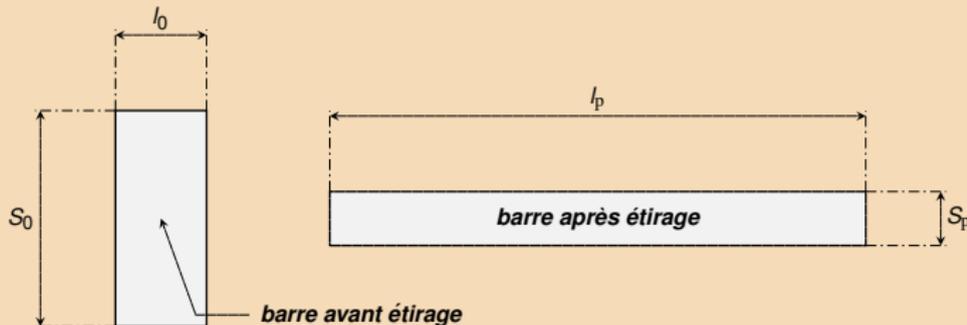
## Détermination du taux de déformation permanent

- La longueur initiale de la barre doit assurer la conservation du volume. Il faut que

$$l_0 S_0 = l_p S_p \implies l_0 = l_p \frac{S_p}{S_0} = l_p \left( \frac{d_p}{d_0} \right)^2 \simeq 18 \left( \frac{1}{10} \right)^2 = 0.18 \text{ mm.}$$

- On en tire que

$$\epsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0}$$



# Corrigé exercice 1

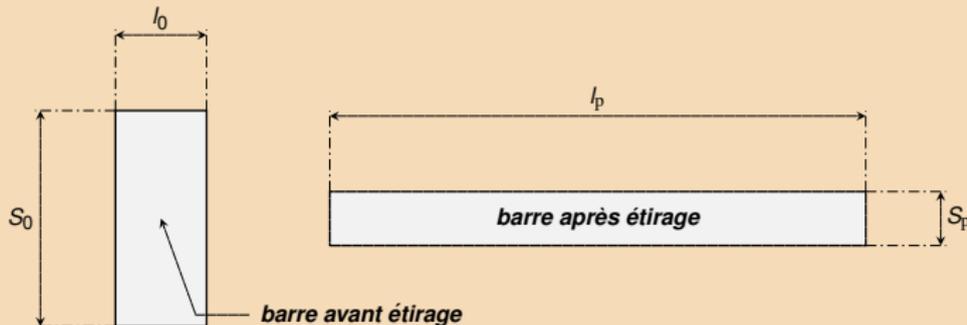
## Détermination du taux de déformation permanent

- La longueur initiale de la barre doit assurer la conservation du volume. Il faut que

$$l_0 S_0 = l_p S_p \implies l_0 = l_p \frac{S_p}{S_0} = l_p \left( \frac{d_p}{d_0} \right)^2 \simeq 18 \left( \frac{1}{10} \right)^2 = 0.18 \text{ mm.}$$

- On en tire que

$$\epsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0} = \ln \frac{18}{0.18}$$



# Corrigé exercice 1

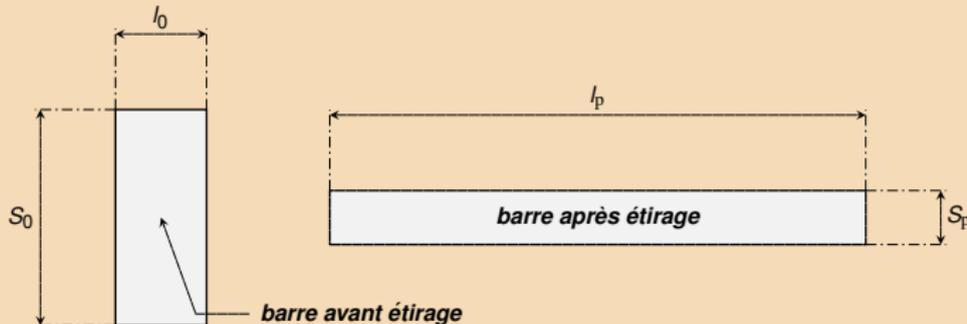
## Détermination du taux de déformation permanent

- La longueur initiale de la barre doit assurer la conservation du volume. Il faut que

$$l_0 S_0 = l_p S_p \implies l_0 = l_p \frac{S_p}{S_0} = l_p \left( \frac{d_p}{d_0} \right)^2 \simeq 18 \left( \frac{1}{10} \right)^2 = 0.18 \text{ mm.}$$

- On en tire que

$$\epsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0} = \ln \frac{18}{0.18} = \ln 100 \simeq 4.605$$



# Corrigé exercice 1

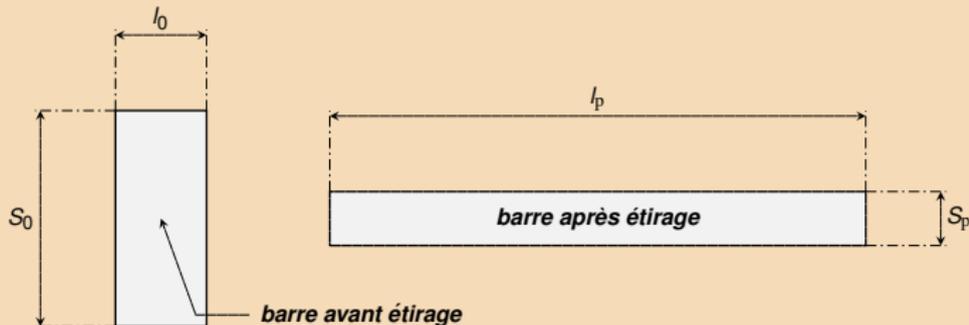
## Détermination du taux de déformation permanent

- La longueur initiale de la barre doit assurer la conservation du volume. Il faut que

$$l_0 S_0 = l_p S_p \implies l_0 = l_p \frac{S_p}{S_0} = l_p \left( \frac{d_p}{d_0} \right)^2 \simeq 18 \left( \frac{1}{10} \right)^2 = 0.18 \text{ mm.}$$

- On en tire que

$$\varepsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0} = \ln \frac{18}{0.18} = \ln 100 \simeq 4.605.$$



# Corrigé exercice 1

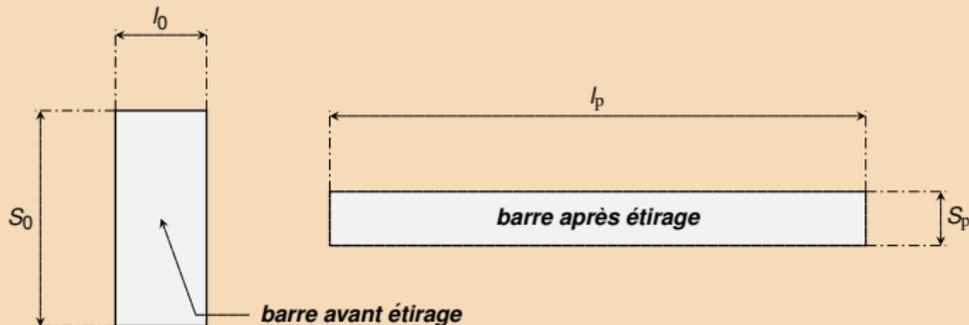
## Détermination du taux de déformation permanent

- La longueur initiale de la barre doit assurer la conservation du volume. Il faut que

$$l_0 S_0 = l_p S_p \implies l_0 = l_p \frac{S_p}{S_0} = l_p \left( \frac{d_p}{d_0} \right)^2 \simeq 18 \left( \frac{1}{10} \right)^2 = 0.18 \text{ mm.}$$

- On en tire que

$$\varepsilon_p = \ln \frac{l_p}{l_0} = \ln \frac{18}{0.18} = \ln 100 \simeq 4.605.$$



# Corrigé exercice 1

## Détermination du taux de déformation en relaxation

- On déduit  $\varepsilon_r$  à partir de  $\varepsilon_p$  en résolvant l'équation de la déformation permanente :

$$\frac{\varepsilon_p}{\varepsilon_e} = \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} - \left( \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} \right)^n$$

- Avant de procéder, il faut connaître la valeur de  $\varepsilon_e$ .
- Comme  $E$ ,  $R_c$  et  $\nu$  sont connus, on peut utiliser l'équation

$$\frac{R_c}{E} = \varepsilon_e e^{-\nu \varepsilon_e}$$

- Le rapport  $\frac{R_c}{E}$  au membre de gauche étant très faible,

$$\frac{R_c}{E} \simeq \frac{0.450}{200} \simeq 0.00225$$

# Corrigé exercice 1

## Détermination du taux de déformation en relaxation

- On déduit  $\varepsilon_r$  à partir de  $\varepsilon_p$  en résolvant l'équation de la déformation permanente :

$$\frac{\varepsilon_p}{\varepsilon_e} = \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} - \left( \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} \right)^n$$

- Avant de procéder, il faut connaître la valeur de  $\varepsilon_e$ .
- Comme  $E$ ,  $R_c$  et  $\nu$  sont connus, on peut utiliser l'équation

$$\frac{R_c}{E} = \varepsilon_e e^{-\nu \varepsilon_e}$$

- Le rapport  $\frac{R_c}{E}$  au membre de gauche étant très faible, on peut écrire  $\frac{R_c}{E} \approx \varepsilon_e e^{-\nu \varepsilon_e}$

$$\frac{R_c}{E} \simeq \frac{0.450}{200} \simeq 0.00225$$

# Corrigé exercice 1

## Détermination du taux de déformation en relaxation

- On déduit  $\varepsilon_r$  à partir de  $\varepsilon_p$  en résolvant l'équation de la déformation permanente :

$$\frac{\varepsilon_p}{\varepsilon_e} = \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} - \left( \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} \right)^n$$

- Avant de procéder, il faut connaître la valeur de  $\varepsilon_e$ .
- Comme  $E$ ,  $R_e$  et  $\nu$  sont connus, on peut utiliser l'équation

$$\frac{R_e}{E} = \varepsilon_e e^{-\nu \varepsilon_e}$$

- Le rapport  $\frac{R_e}{E}$  au membre de gauche étant très faible, il en sera de même de  $\varepsilon_e$ . On peut admettre que le facteur  $e^{-\nu \varepsilon_e}$  est proche de 1.

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.450}{200} \simeq 0.00225$$

# Corrigé exercice 1

## Détermination du taux de déformation en relaxation

- On déduit  $\varepsilon_r$  à partir de  $\varepsilon_p$  en résolvant l'équation de la déformation permanente :

$$\frac{\varepsilon_p}{\varepsilon_e} = \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} - \left( \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} \right)^n$$

- Avant de procéder, il faut connaître la valeur de  $\varepsilon_e$ .
- Comme  $E$ ,  $R_e$  et  $\nu$  sont connus, on peut utiliser l'équation

$$\frac{R_e}{E} = \varepsilon_e e^{-\nu \varepsilon_e}$$

- Le rapport  $\frac{R_e}{E}$  au membre de gauche étant très faible, il en sera de même de  $\varepsilon_e$ . On peut admettre que le facteur  $e^{-\nu \varepsilon_e} \simeq 1$ . On conclut que

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.450}{200} \simeq 0.00225 \implies \varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.00225$$

# Corrigé exercice 1

## Détermination du taux de déformation en relaxation

- On déduit  $\varepsilon_r$  à partir de  $\varepsilon_p$  en résolvant l'équation de la déformation permanente :

$$\frac{\varepsilon_p}{\varepsilon_e} = \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} - \left( \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} \right)^n$$

- Avant de procéder, il faut connaître la valeur de  $\varepsilon_e$ .
- Comme  $E$ ,  $R_e$  et  $\nu$  sont connus, on peut utiliser l'équation

$$\frac{R_e}{E} = \varepsilon_e e^{-\nu \varepsilon_e}$$

- Le rapport  $\frac{R_e}{E}$  au membre de gauche étant très faible, il en sera de même de  $\varepsilon_e$ . On peut admettre que le facteur  $e^{-\nu \varepsilon_e} \simeq 1$ . On conclut que

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.450}{200} \simeq 0.00225 \implies \varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.00225$$

# Corrigé exercice 1

## Détermination du taux de déformation en relaxation

- On déduit  $\varepsilon_r$  à partir de  $\varepsilon_p$  en résolvant l'équation de la déformation permanente :

$$\frac{\varepsilon_p}{\varepsilon_e} = \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} - \left( \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} \right)^n$$

- Avant de procéder, il faut connaître la valeur de  $\varepsilon_e$ .
- Comme  $E$ ,  $R_e$  et  $\nu$  sont connus, on peut utiliser l'équation

$$\frac{R_e}{E} = \varepsilon_e e^{-\nu \varepsilon_e}$$

- Le rapport  $\frac{R_e}{E}$  au membre de gauche étant très faible, il en sera de même de  $\varepsilon_e$ . On peut admettre que le facteur  $e^{-\nu \varepsilon_e} \simeq 1$ . On conclut que

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.450}{200} \simeq 0.00225 \implies \varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.00225$$

# Corrigé exercice 1

## Détermination du taux de déformation en relaxation

- On déduit  $\varepsilon_r$  à partir de  $\varepsilon_p$  en résolvant l'équation de la déformation permanente :

$$\frac{\varepsilon_p}{\varepsilon_e} = \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} - \left( \frac{\varepsilon_r}{\varepsilon_e} \right)^n$$

- Avant de procéder, il faut connaître la valeur de  $\varepsilon_e$ .
- Comme  $E$ ,  $R_e$  et  $\nu$  sont connus, on peut utiliser l'équation

$$\frac{R_e}{E} = \varepsilon_e e^{-\nu \varepsilon_e}$$

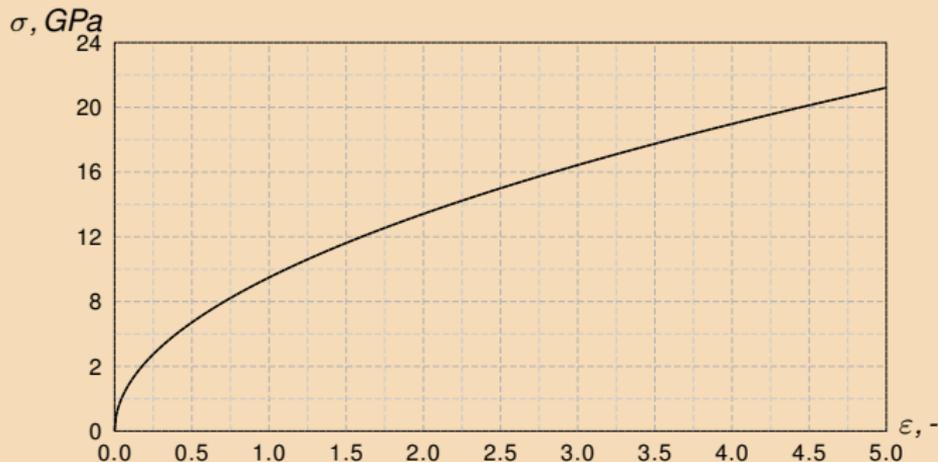
- Le rapport  $\frac{R_e}{E}$  au membre de gauche étant très faible, il en sera de même de  $\varepsilon_e$ . On peut admettre que le facteur  $e^{-\nu \varepsilon_e} \simeq 1$ . On conclut que

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.450}{200} \simeq 0.00225 \implies \varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.00225$$

# Corrigé exercice 1

## Résolution de l'équation de la déformation permanente

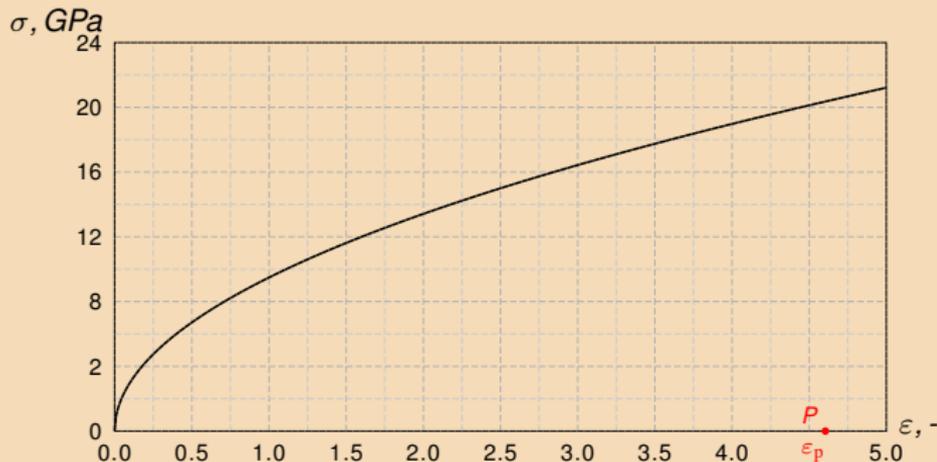
- On dessine la courbe de traction réelle du matériau et on reporte dans le graphique le point  $P$  de coordonnées  $(\epsilon_p = 4.605, 0.0)$ .
- Par ce point on trace la parallèle  $v$  à la montée élastique.



# Corrigé exercice 1

## Résolution de l'équation de la déformation permanente

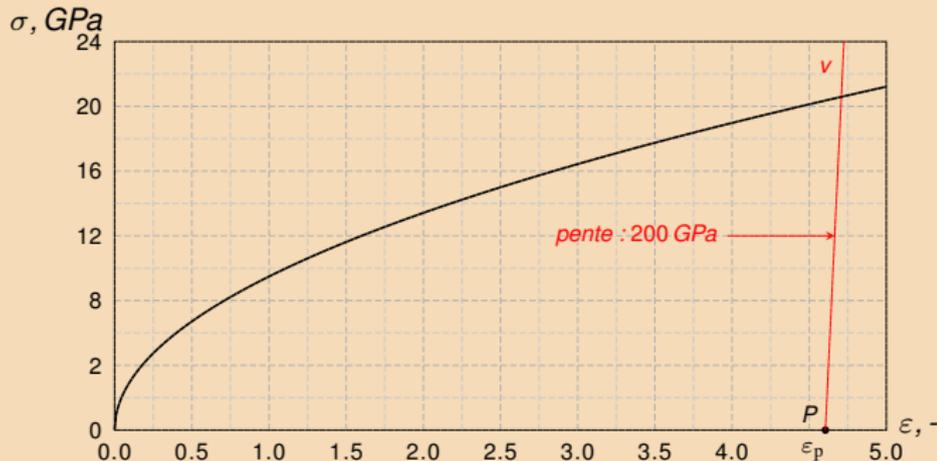
- On dessine la courbe de traction réelle du matériau et on reporte dans le graphique le point  $P$  de coordonnée  $(\epsilon_p = 4.605, 0.0)$ .
- Par ce point on trace la parallèle  $v$  à la montée élastique. Cette droite coupe la courbe en un point  $M$  sur l'axe des ordonnées.



# Corrigé exercice 1

## Résolution de l'équation de la déformation permanente

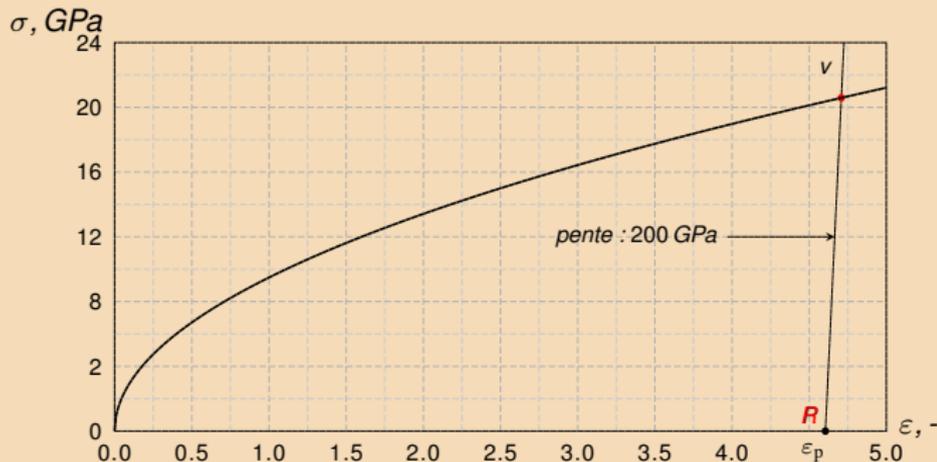
- On dessine la courbe de traction réelle du matériau et on reporte dans le graphique le point  $P$  de coordonnée  $(\epsilon_p = 4.605, 0.0)$ .
- Par ce point on trace la parallèle  $v$  à la montée élastique. Cette droite coupe la courbe de traction réelle au point  $R$ .



# Corrigé exercice 1

## Résolution de l'équation de la déformation permanente

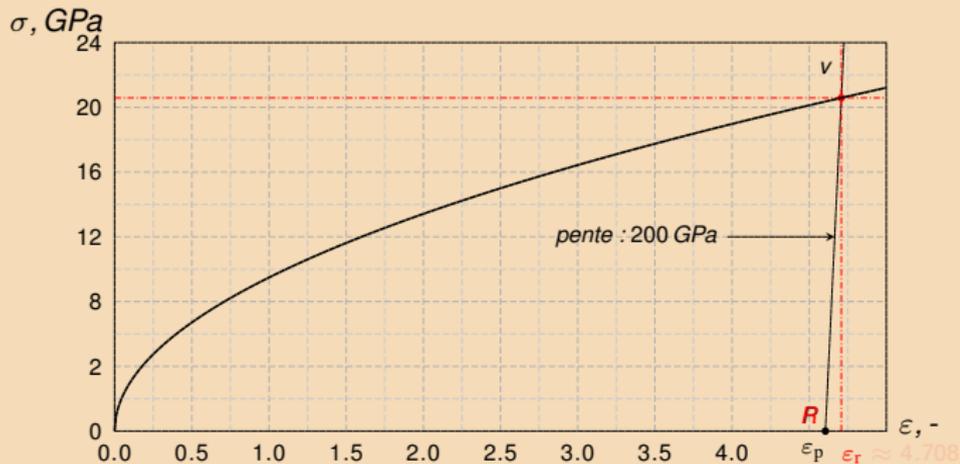
- On dessine la courbe de traction réelle du matériau et on reporte dans le graphique le point  $P$  de coordonnée  $(\epsilon_p = 4.605, 0.0)$ .
- Par ce point on trace la parallèle  $v$  à la montée élastique. Cette droite coupe la courbe de traction réelle au point  $R$  dont l'abscisse est  $\epsilon_r$  :



# Corrigé exercice 1

## Résolution de l'équation de la déformation permanente

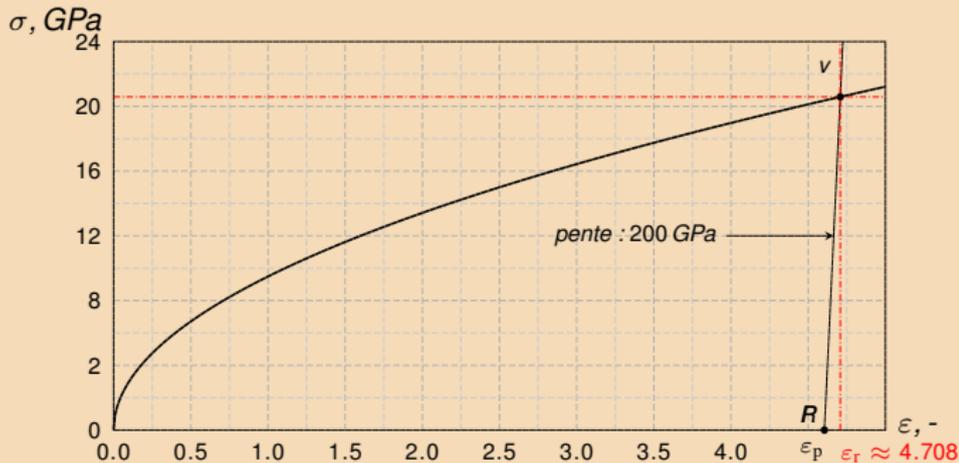
- On dessine la courbe de traction réelle du matériau et on reporte dans le graphique le point  $P$  de coordonnée  $(\varepsilon_p = 4.605, 0.0)$ .
- Par ce point on trace la parallèle  $v$  à la montée élastique. Cette droite coupe la courbe de traction réelle au point  $R$  dont l'abscisse est  $\varepsilon_r$  :  $\varepsilon_r \approx 4.708$ .



# Corrigé exercice 1

## Résolution de l'équation de la déformation permanente

- On dessine la courbe de traction réelle du matériau et on reporte dans le graphique le point  $P$  de coordonnée  $(\varepsilon_p = 4.605, 0.0)$ .
- Par ce point on trace la parallèle  $v$  à la montée élastique. Cette droite coupe la courbe de traction réelle au point  $R$  dont l'abscisse est  $\varepsilon_r$  :  $\varepsilon_r \approx 4.708$ .



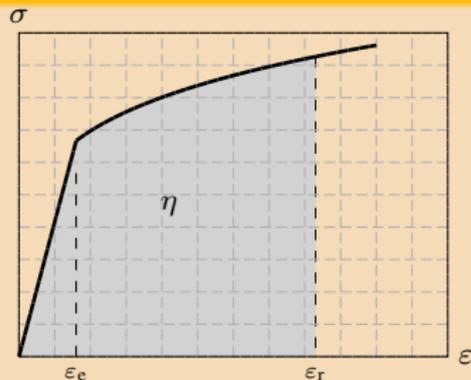
# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$

- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$

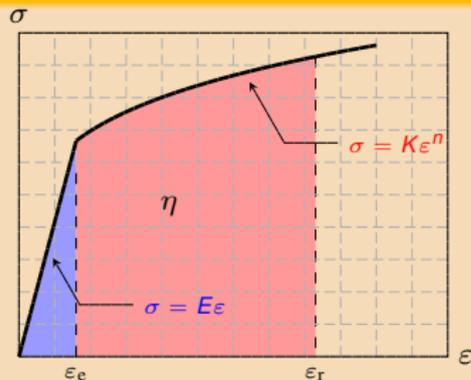


# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



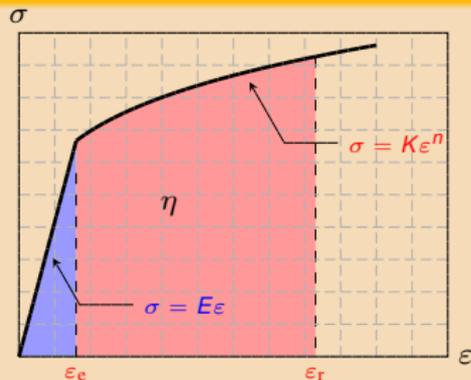
- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E\varepsilon_e^{1-n}$

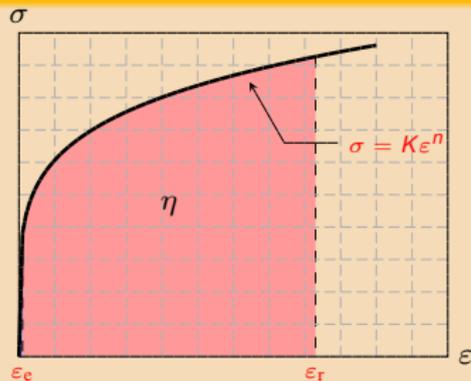
$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E\varepsilon_e^{1-n}$

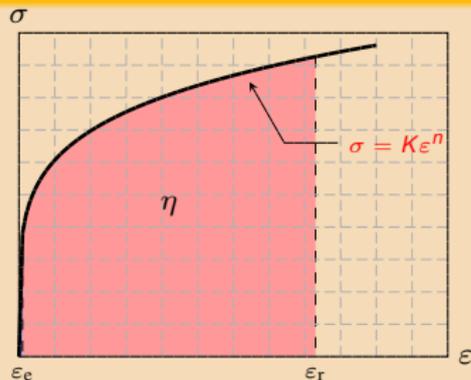
$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E\varepsilon_e^{1-n}$

$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon = \frac{K}{n+1} \varepsilon^{n+1} \Big|_0^{\varepsilon_r}$$

soit

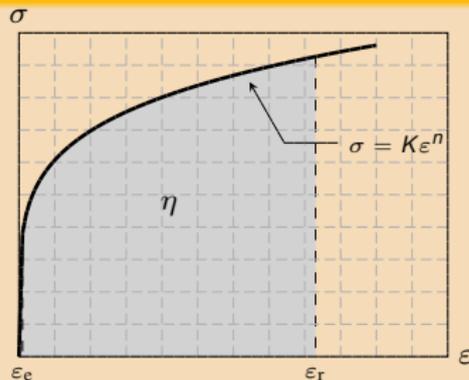
$$\eta \simeq \frac{200}{1.5} \times 0.00225^{0.5} \times 4.708^{1.5} \simeq 64.60 \text{ GPa}$$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E\varepsilon_e^{1-n}$

$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon = \frac{K}{n+1} \varepsilon^{n+1} \Big|_0^{\varepsilon_r}$$

soit

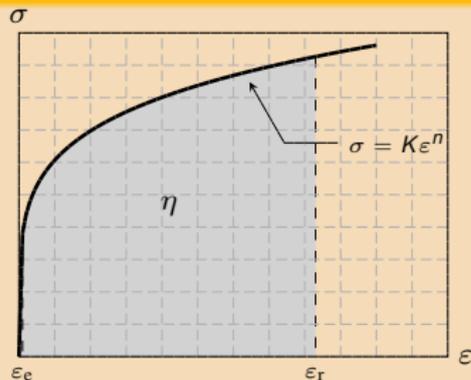
$$\eta \simeq \frac{200}{1.5} \times 0.00225^{0.5} \times 4.708^{1.5} \simeq 64.60 \text{ GPa}$$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E\varepsilon_e^{1-n}$

$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon = \frac{K}{n+1} \varepsilon^{n+1} \Big|_0^{\varepsilon_r} = \frac{K}{n+1} \varepsilon_r^{n+1}$$

soit

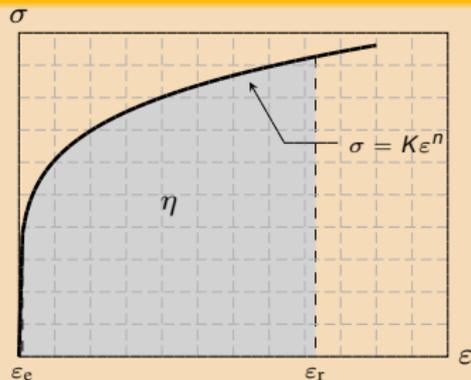
$$\eta \simeq \frac{200}{1.5} \times 0.00225^{0.5} \times 4.708^{1.5} \simeq 64.60 \text{ GPa}$$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E\varepsilon_e^{1-n}$

$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon = \frac{K}{n+1} \varepsilon^{n+1} \Big|_0^{\varepsilon_r} = \frac{K}{n+1} \varepsilon_r^{n+1}$$

soit

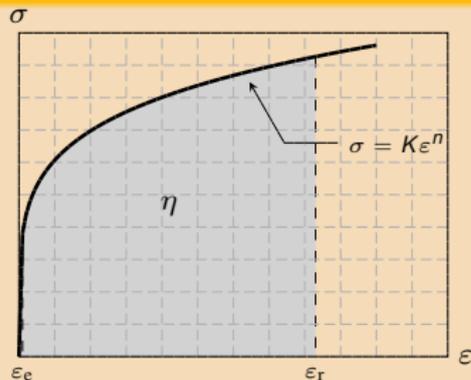
$$\eta \simeq \frac{200}{1.5} \times 0.00225^{0.5} \times 4.708^{1.5} \simeq 64.60 \text{ GPa}$$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E \varepsilon_e^{1-n}$

$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon = \frac{K}{n+1} \varepsilon^{n+1} \Big|_0^{\varepsilon_r} = \frac{K}{n+1} \varepsilon_r^{n+1} = \frac{E}{n+1} \varepsilon_e^{1-n} \varepsilon_r^{n+1}$$

soit

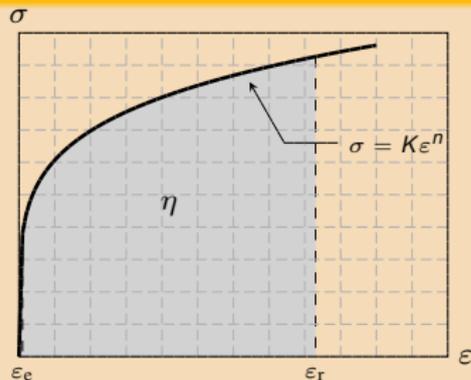
$$\eta \simeq \frac{200}{1.5} \times 0.00225^{0.5} \times 4.708^{1.5} \simeq 64.60 \text{ GPa}$$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E\varepsilon_e^{1-n}$  donc

$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon = \frac{K}{n+1} \varepsilon^{n+1} \Big|_0^{\varepsilon_r} = \frac{K}{n+1} \varepsilon_r^{n+1} = \frac{E}{n+1} \varepsilon_e^{1-n} \varepsilon_r^{n+1}$$

soit

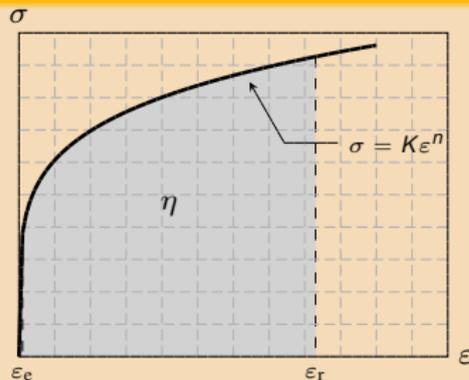
$$\eta \simeq \frac{200}{1.5} \times 0.00225^{0.5} \times 4.708^{1.5} \simeq 64.60 \text{ GPa}$$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E\varepsilon_e^{1-n}$  donc

$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon = \frac{K}{n+1} \varepsilon^{n+1} \Big|_0^{\varepsilon_r} = \frac{K}{n+1} \varepsilon_r^{n+1} = \frac{E}{n+1} \varepsilon_e^{1-n} \varepsilon_r^{n+1}$$

soit

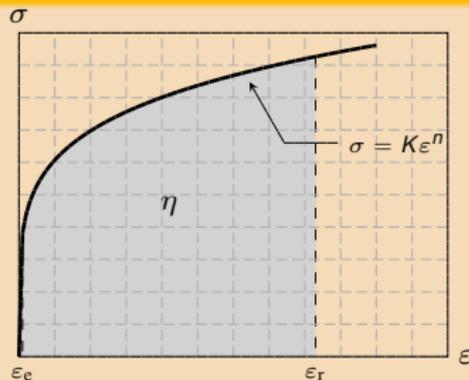
$$\eta \simeq \frac{200}{1.5} \times 0.00225^{0.5} \times 4.708^{1.5} \simeq 64.60 \text{ GPa}$$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E\varepsilon_e^{1-n}$  donc

$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon = \frac{K}{n+1} \varepsilon^{n+1} \Big|_0^{\varepsilon_r} = \frac{K}{n+1} \varepsilon_r^{n+1} = \frac{E}{n+1} \varepsilon_e^{1-n} \varepsilon_r^{n+1}$$

soit

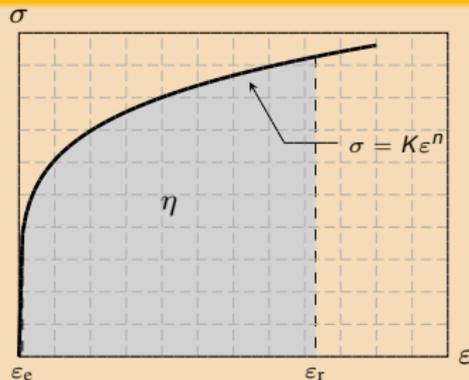
$$\eta \simeq \frac{200}{1.5} \times 0.00225^{0.5} \times 4.708^{1.5} \simeq 64.60 \text{ GPa}$$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E\varepsilon_e^{1-n}$  donc

$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon = \frac{K}{n+1} \varepsilon^{n+1} \Big|_0^{\varepsilon_r} = \frac{K}{n+1} \varepsilon_r^{n+1} = \frac{E}{n+1} \varepsilon_e^{1-n} \varepsilon_r^{n+1}$$

soit

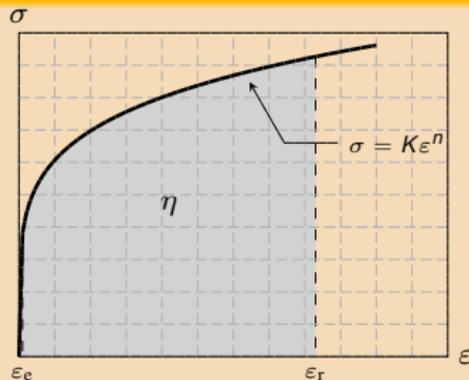
$$\eta \simeq \frac{200}{1.5} \times 0.00225^{0.5} \times 4.708^{1.5} \simeq 64.60 \text{ GPa}$$

# Corrigé exercice 1

## Calcul de l'énergie spécifique $\eta$

- L'énergie spécifique de déformation est l'aire sous la **courbe de traction réelle** jusqu'au taux de relaxation  $\varepsilon_r$  :

$$\eta = \int_0^{\varepsilon_e} E \varepsilon d\varepsilon + \int_{\varepsilon_e}^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon$$



- mais  $\varepsilon_e \ll \varepsilon_r$  et  $K = E\varepsilon_e^{1-n}$  donc

$$\eta \simeq \int_0^{\varepsilon_r} K \varepsilon^n d\varepsilon = \frac{K}{n+1} \varepsilon^{n+1} \Big|_0^{\varepsilon_r} = \frac{K}{n+1} \varepsilon_r^{n+1} = \frac{E}{n+1} \varepsilon_e^{1-n} \varepsilon_r^{n+1}$$

soit

$$\eta \simeq \frac{200}{1.5} \times 0.00225^{0.5} \times 4.708^{1.5} \simeq 64.60 \text{ GPa}$$

# Corrigé exercice 1

## Conclusion

- L'énergie  $E$  s'obtient en J en multipliant l'énergie spécifique  $\eta$  exprimée en  $\text{GPa}=\text{J}/\text{mm}^3$  par le volume  $V$  de l'agrafe donnée en  $\text{mm}^3$  :

$$E = \eta V \approx 64,00 \times 14,18 \approx 913,28 \text{ J}$$

- Cette quantité d'énergie est assez faible.

# Corrigé exercice 1

## Conclusion

- L'énergie  $E$  s'obtient en  $J$  en multipliant l'énergie spécifique  $\eta$  exprimée en  $GPa=J/mm^3$  par le volume  $V$  de l'agrafe donnée en  $mm^3$  :

$$E = \eta V \simeq 64.60 \times 14.13 \simeq 913.26 J$$

- Cette quantité d'énergie est assez faible. *Il faut une énergie d'environ 1000 J pour déformer un objet.*

# Corrigé exercice 1

## Conclusion

- L'énergie  $E$  s'obtient en J en multipliant l'énergie spécifique  $\eta$  exprimée en  $\text{GPa}=\text{J}/\text{mm}^3$  par le volume  $V$  de l'agrafe donnée en  $\text{mm}^3$  :

$$E = \eta V \simeq 64.60 \times 14.13 \simeq 913.26 \text{ J}$$

- Cette quantité d'énergie est assez faible. Avec une quantité d'énergie plus significative : 1 kWh (soit  $3.6 \cdot 10^6 \text{ J}$ ), on fabriquerait près de 4'000 agrafes.

# Corrigé exercice 1

## Conclusion

- L'énergie  $E$  s'obtient en J en multipliant l'énergie spécifique  $\eta$  exprimée en  $\text{GPa}=\text{J}/\text{mm}^3$  par le volume  $V$  de l'agrafe donnée en  $\text{mm}^3$  :

$$E = \eta V \simeq 64.60 \times 14.13 \simeq 913.26 \text{ J}$$

- Cette quantité d'énergie est assez faible. Avec une quantité d'énergie plus significative : 1 kWh (soit  $3.6 \cdot 10^6 \text{ J}$ ), on fabriquera près de 4'000 agrafes.

# Corrigé exercice 1

## Conclusion

- L'énergie  $E$  s'obtient en J en multipliant l'énergie spécifique  $\eta$  exprimée en  $\text{GPa}=\text{J}/\text{mm}^3$  par le volume  $V$  de l'agrafe donnée en  $\text{mm}^3$  :

$$E = \eta V \simeq 64.60 \times 14.13 \simeq 913.26 \text{ J}$$

- Cette quantité d'énergie est assez faible. Avec une quantité d'énergie plus significative : 1 KWh (soit  $3.6 \cdot 10^6 \text{ J}$ ), on fabriquera près de **4'000 agrafes**.

# Enoncé exercice 2

## Calcul de la ténacité d'une barre fortement écrouie

- Vous considérez une barre de métal qui a été fortement écrouie<sup>1</sup> et dont vous connaissez le module d'Young. Il vaut  $E = 200 \text{ GPa}$ . Vous aimeriez calculer sa ténacité  $T$ . Pour ce faire, vous mesurez la dureté Brinell de la barre. Vous trouvez 240 HB.
- a) Avez-vous assez d'information pour calculer la ténacité de la barre ?
  - b) Si la réponse est non, dites quelles informations vous manquent et pourquoi ?
  - c) Si la réponse est oui, estimez la valeur de  $T$ .

---

a. On entend par là que l'opération d'écrouissage a eu lieu sous la forme d'une traction menée presque jusqu'en rupture.

# Corrigé exercice 2)

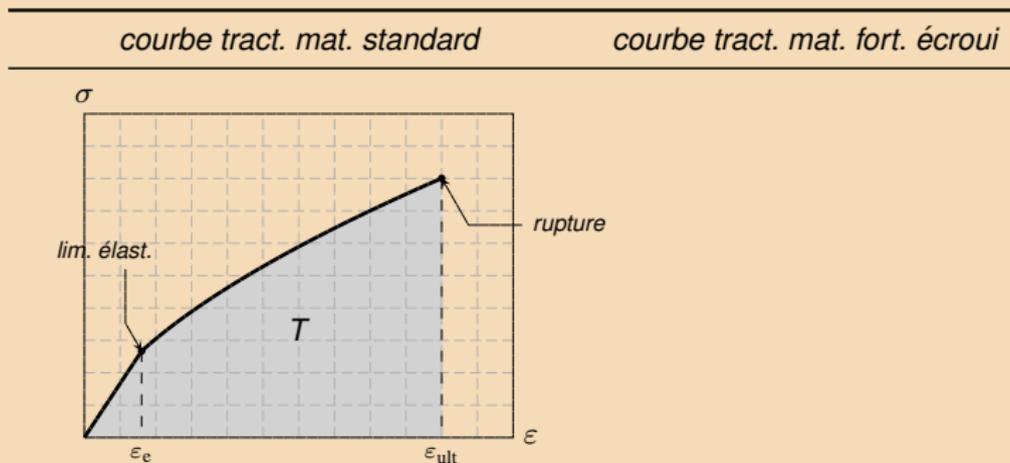
## Ténacité d'un matériau fortement écrouie

- *La ténacité est définie comme l'énergie spécifique de déf. jusqu'en rupture :*
- *Si le matériau a été très fortement écroui, sa rupture va pratiquement survenir en limite élastique*

# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie

- La ténacité est définie comme l'énergie spécifique de déf. jusqu'en rupture :



- Si le matériau a été très fortement écroui, sa rupture va pratiquement survenir en limite élastique*

# Corrigé exercice 2)

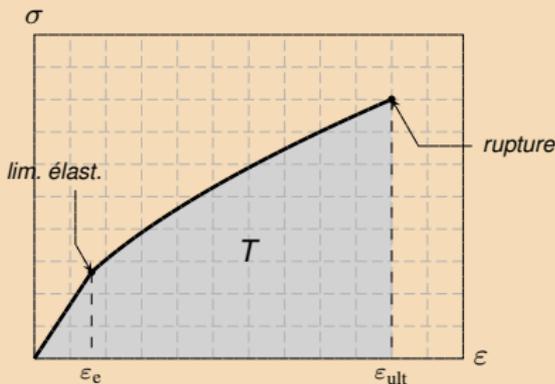
## Ténacité d'un matériau fortement écrouie

- La ténacité est définie comme l'énergie spécifique de déf. jusqu'en rupture :

---

*courbe tract. mat. standard*                      *courbe tract. mat. fort. écroui*

---



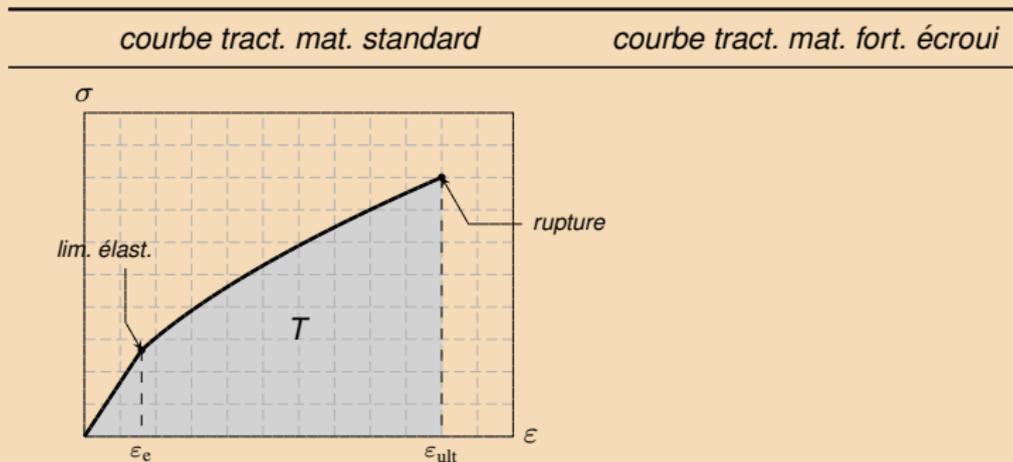
- Si le matériau a été très fortement écroui, sa rupture va pratiquement survenir en limite élastique

$$\epsilon_{ult} \simeq \epsilon_e.$$

# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie

- La ténacité est définie comme l'énergie spécifique de déf. jusqu'en rupture :



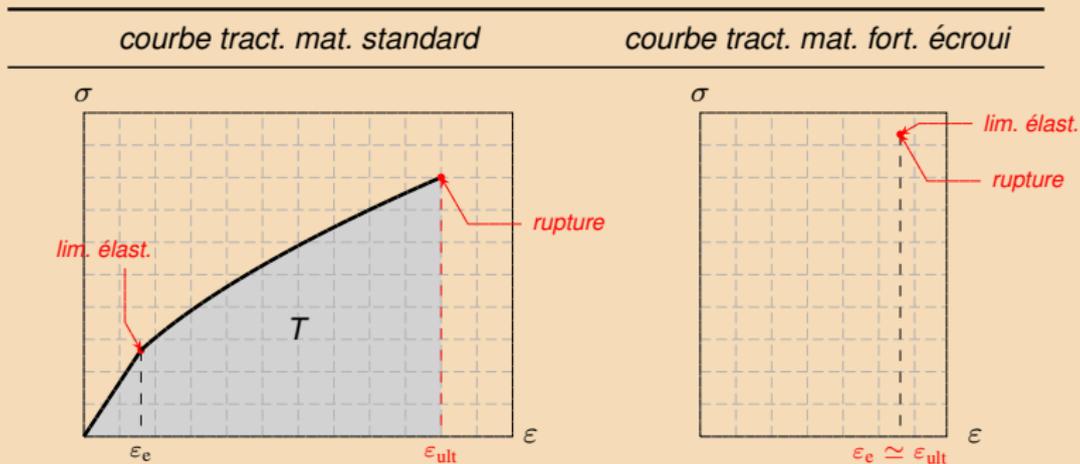
- Si le matériau a été très fortement écroui, sa rupture va pratiquement survenir en limite élastique

$$\epsilon_{ult} \simeq \epsilon_e.$$

# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie

- La ténacité est définie comme l'énergie spécifique de déf. jusqu'en rupture :



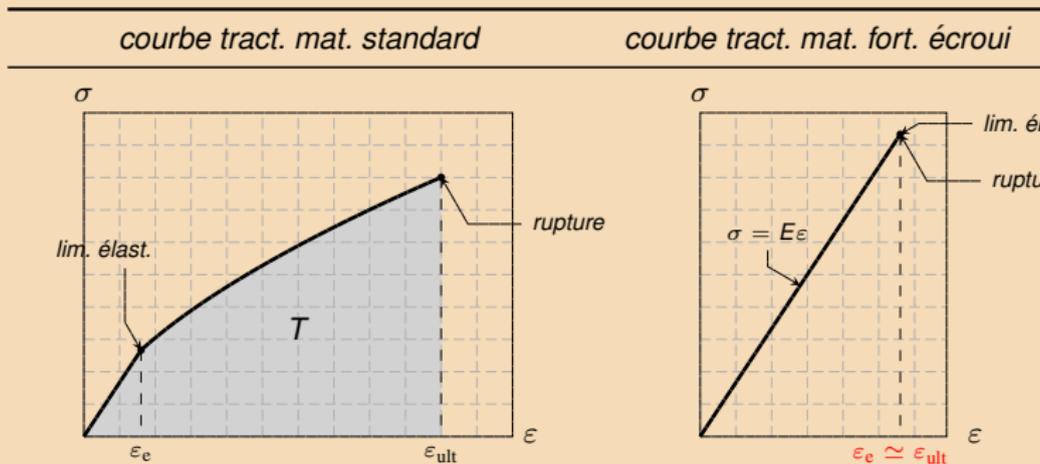
- Si le matériau a été très fortement écroui, sa rupture va pratiquement survenir en limite élastique

$$\varepsilon_{\text{ult}} \simeq \varepsilon_e.$$

# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie

- La ténacité est définie comme l'énergie spécifique de déf. jusqu'en rupture :



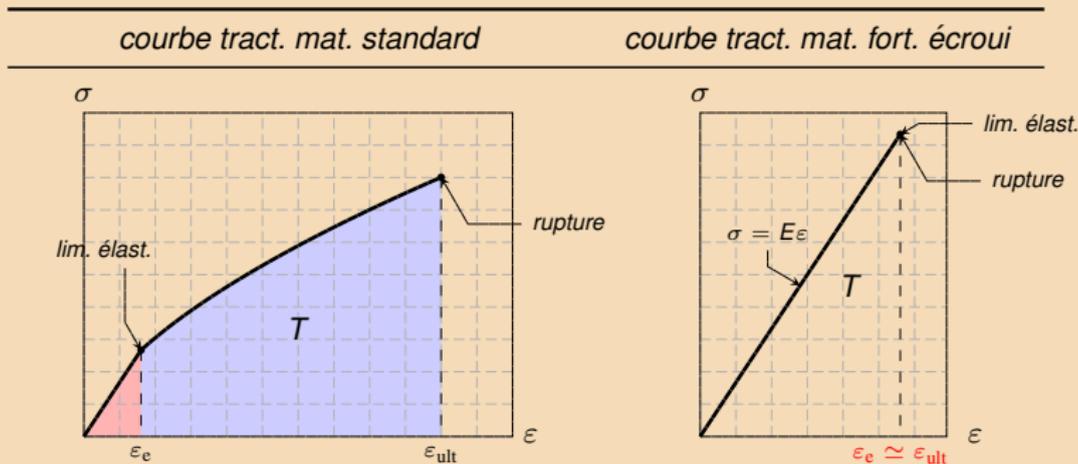
- Si le matériau a été très fortement écroui, sa rupture va pratiquement survenir en limite élastique

$$\epsilon_{ult} \simeq \epsilon_e.$$

# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie

- La ténacité est définie comme l'énergie spécifique de déf. jusqu'en rupture :



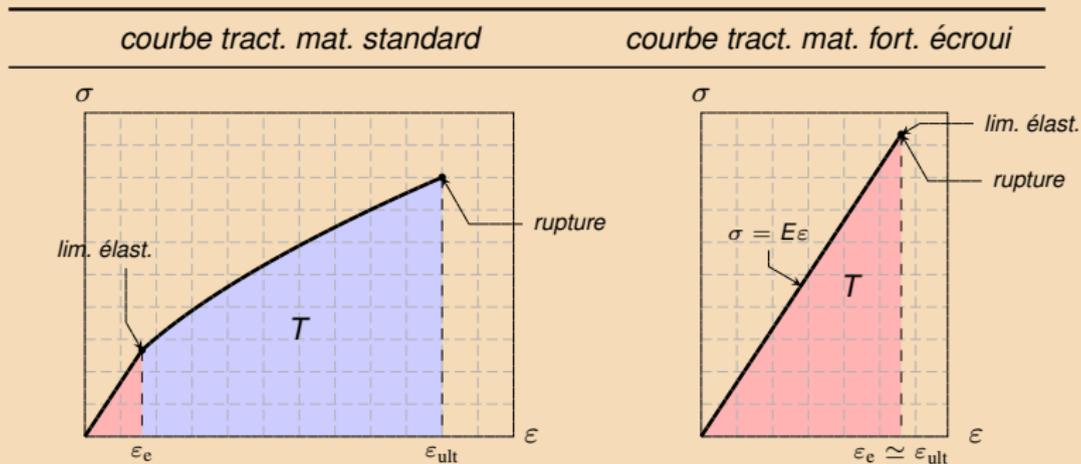
- Si le matériau a été très fortement écroui, sa rupture va pratiquement survenir en limite élastique

$$\epsilon_{ult} \simeq \epsilon_e.$$

# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie

- La ténacité est définie comme l'énergie spécifique de déf. jusqu'en rupture :



- Si le matériau a été très fortement écroui, sa rupture va pratiquement survenir en limite élastique

$$\epsilon_{ult} \simeq \epsilon_e.$$

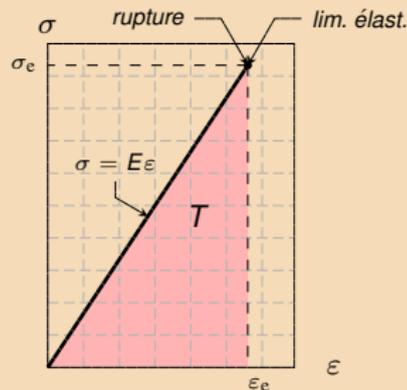
# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie (suite)

- La ténacité du matériau très écroui est donc l'aire d'un triangle rectangle de base  $\epsilon_c$  et de hauteur  $\sigma_c$  :

$$T = \frac{1}{2} \sigma_c \epsilon_c$$

- On peut éliminer  $\epsilon_c$  en utilisant que  $\sigma_c = E \epsilon_c$ .



- Il vient

$$T = \frac{1}{2E} \sigma_c^2 \quad (\text{pour un matériau fortement écroui})$$

- On connaît E.

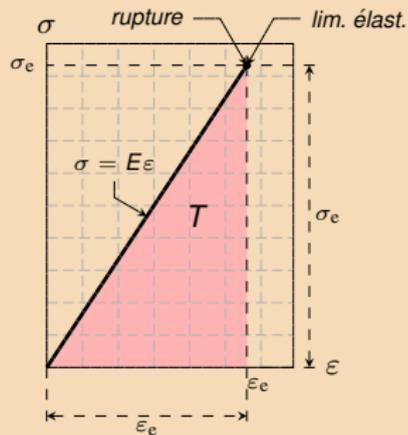
# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie (suite)

- La ténacité du matériau très écroui est donc l'aire d'un triangle rectangle de base  $\varepsilon_e$  et de hauteur  $\sigma_e$  :

$$T = \frac{1}{2} \varepsilon_e \sigma_e$$

- On peut éliminer  $\varepsilon_e$  en utilisant que  $\sigma_e = E \varepsilon_e$ .



- Il vient

$$T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \quad (\text{pour un matériau fortement écroui})$$

- On connaît E.

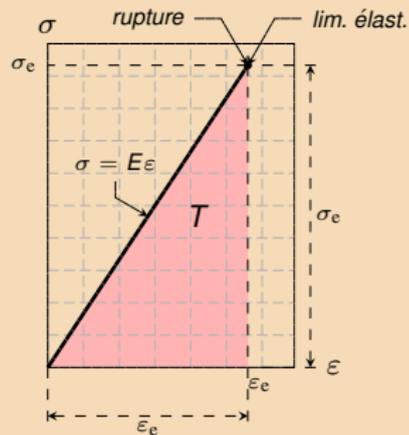
# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie (suite)

- La ténacité du matériau très écroui est donc l'aire d'un triangle rectangle de base  $\varepsilon_e$  et de hauteur  $\sigma_e$  :

$$T = \frac{1}{2} \varepsilon_e \sigma_e$$

- On peut éliminer  $\varepsilon_e$  en utilisant que  $\sigma_e = E \varepsilon_e \Rightarrow \varepsilon_e = \frac{\sigma_e}{E}$ .



- Il vient

$$T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \quad (\text{pour un matériau fortement écroui})$$

- On connaît E.

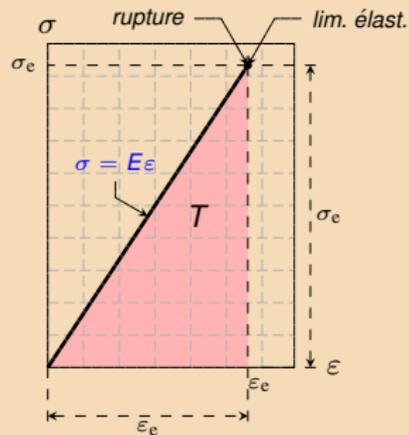
# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie (suite)

- La ténacité du matériau très écrouie est donc l'aire d'un triangle rectangle de base  $\epsilon_e$  et de hauteur  $\sigma_e$  :

$$T = \frac{1}{2} \epsilon_e \sigma_e$$

- On peut éliminer  $\epsilon_e$  en utilisant que  $\sigma_e = E \epsilon_e \implies \epsilon_e = \frac{\sigma_e}{E}$ .



- Il vient

$$T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \quad (\text{pour un matériau fortement écrouie})$$

- On connaît E.

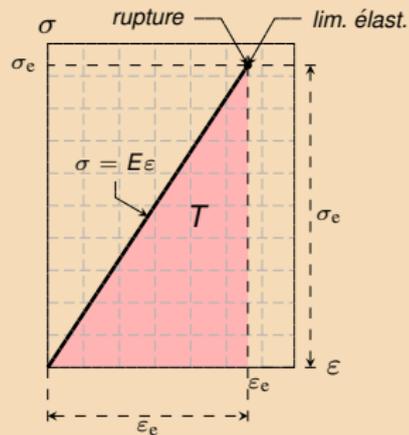
# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie (suite)

- La ténacité du matériau très écrouie est donc l'aire d'un triangle rectangle de base  $\varepsilon_e$  et de hauteur  $\sigma_e$  :

$$T = \frac{1}{2} \varepsilon_e \sigma_e$$

- On peut éliminer  $\varepsilon_e$  en utilisant que  $\sigma_e = E \varepsilon_e \implies \varepsilon_e = \frac{\sigma_e}{E}$ .



- Il vient

$$T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \quad (\text{pour un matériau fortement écrouie})$$

- On connaît E.

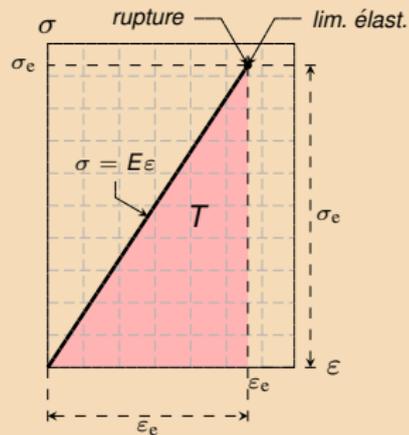
# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie (suite)

- La ténacité du matériau très écrouie est donc l'aire d'un triangle rectangle de base  $\varepsilon_e$  et de hauteur  $\sigma_e$  :

$$T = \frac{1}{2} \varepsilon_e \sigma_e$$

- On peut éliminer  $\varepsilon_e$  en utilisant que  $\sigma_e = E \varepsilon_e \implies \varepsilon_e = \frac{\sigma_e}{E}$ .



- Il vient

$$T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \quad (\text{pour un matériau fortement écrouie})$$

- On connaît E.

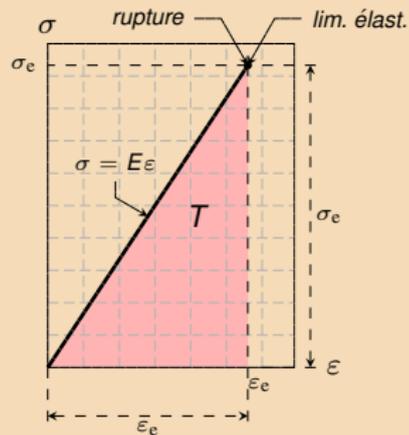
# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie (suite)

- La ténacité du matériau très écrouie est donc l'aire d'un triangle rectangle de base  $\varepsilon_e$  et de hauteur  $\sigma_e$  :

$$T = \frac{1}{2} \varepsilon_e \sigma_e$$

- On peut éliminer  $\varepsilon_e$  en utilisant que  $\sigma_e = E \varepsilon_e \implies \varepsilon_e = \frac{\sigma_e}{E}$ .



- Il vient

$$T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \quad (\text{pour un matériau fortement écrouie})$$

- On connaît E.

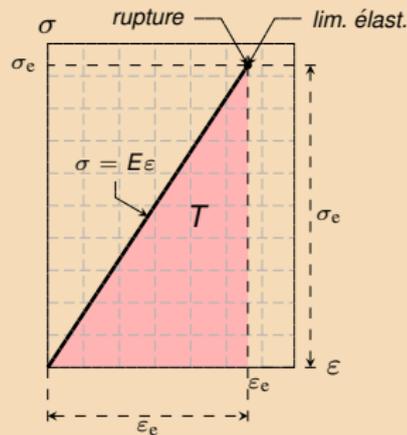
# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie (suite)

- La ténacité du matériau très écroui est donc l'aire d'un triangle rectangle de base  $\varepsilon_e$  et de hauteur  $\sigma_e$  :

$$T = \frac{1}{2} \varepsilon_e \sigma_e$$

- On peut éliminer  $\varepsilon_e$  en utilisant que  $\sigma_e = E \varepsilon_e \implies \varepsilon_e = \frac{\sigma_e}{E}$ .



- Il vient

$$T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \quad (\text{pour un matériau fortement écroui})$$

- On connaît  $E$ . Il reste donc à calculer la limite élastique  $\sigma_e$ .

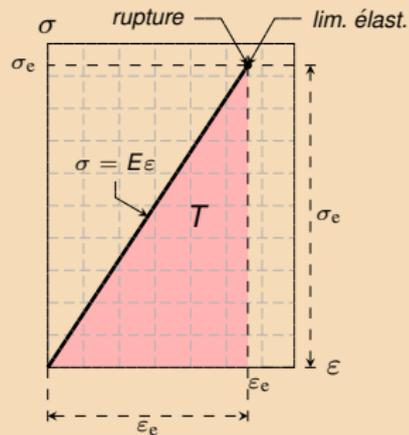
# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie (suite)

- La ténacité du matériau très écroui est donc l'aire d'un triangle rectangle de base  $\varepsilon_e$  et de hauteur  $\sigma_e$  :

$$T = \frac{1}{2} \varepsilon_e \sigma_e$$

- On peut éliminer  $\varepsilon_e$  en utilisant que  $\sigma_e = E \varepsilon_e \implies \varepsilon_e = \frac{\sigma_e}{E}$ .



- Il vient

$$T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \quad (\text{pour un matériau fortement écroui})$$

- On connaît  $E$ . Il reste donc à calculer la limite élastique  $\sigma_e$ . Pour cela, on utilise la relation  $\sigma_e = E \varepsilon_e$ .

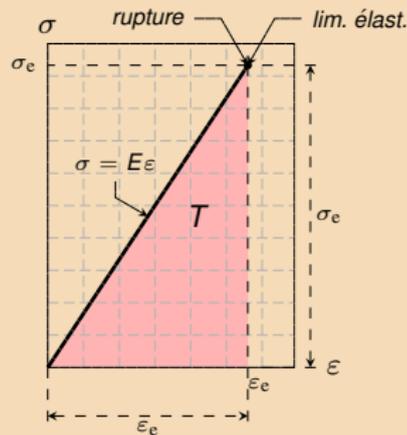
# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie (suite)

- La ténacité du matériau très écroui est donc l'aire d'un triangle rectangle de base  $\varepsilon_e$  et de hauteur  $\sigma_e$  :

$$T = \frac{1}{2} \varepsilon_e \sigma_e$$

- On peut éliminer  $\varepsilon_e$  en utilisant que  $\sigma_e = E \varepsilon_e \implies \varepsilon_e = \frac{\sigma_e}{E}$ .



- Il vient

$$T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \quad (\text{pour un matériau fortement écroui})$$

- On connaît  $E$ . Il reste donc à calculer la limite élastique  $\sigma_e$ . Pour cela, on utilise le résultat de l'expérience de dureté.

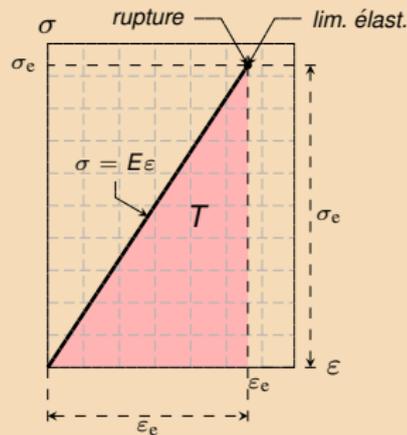
# Corrigé exercice 2)

## Ténacité d'un matériau fortement écrouie (suite)

- La ténacité du matériau très écroui est donc l'aire d'un triangle rectangle de base  $\varepsilon_e$  et de hauteur  $\sigma_e$  :

$$T = \frac{1}{2} \varepsilon_e \sigma_e$$

- On peut éliminer  $\varepsilon_e$  en utilisant que  $\sigma_e = E \varepsilon_e \implies \varepsilon_e = \frac{\sigma_e}{E}$ .



- Il vient

$$T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \quad (\text{pour un matériau fortement écroui})$$

- On connaît  $E$ . Il reste donc à calculer la limite élastique  $\sigma_e$ . Pour cela, on utilise le résultat de l'expérience de dureté.

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq 0.0042$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$  et les limites élastiques réelles et nominales coïncident raisonnablement :

$$\sigma_e \simeq R_{e0.2}$$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$  et les limites élastiques réelles et nominales coïncident raisonnablement :

$$\sigma_e = R_e e^{\nu \varepsilon_e}$$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e [\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$  et les limites élastiques réelles et nominales coïncident raisonnablement :

$$\sigma_e = R_e e^{\nu \varepsilon_e} \simeq R_e \quad \text{car } e^{\nu \varepsilon_e} \simeq 1$$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$  et les limites élastiques réelles et nominales coïncident raisonnablement :

$$\sigma_e = R_e e^{\nu \varepsilon_e} \simeq R_e \quad \text{car } e^{\nu \varepsilon_e} \simeq 1$$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$  et les limites élastiques réelles et nominales coïncident raisonnablement :

$$\sigma_e = R_e e^{\nu \varepsilon_e} \simeq R_e \quad \text{car } e^{\nu \varepsilon_e} \simeq 1$$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$  et les limites élastiques réelles et nominales coïncident raisonnablement :

$$\sigma_e = R_e e^{\nu \varepsilon_e} \simeq R_e \quad \text{car } e^{\nu \varepsilon_e} \simeq 1$$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e[\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$  et les limites élastiques réelles et nominales coïncident raisonnablement :

$$\sigma_e = R_e e^{\nu \varepsilon_e} \simeq R_e \quad \text{car } e^{\nu \varepsilon_e} \simeq 1$$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa} \implies T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e [\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$  et les limites élastiques réelles et nominales coïncident raisonnablement :

$$\sigma_e = R_e e^{\nu \varepsilon_e} \simeq R_e \quad \text{car } e^{\nu \varepsilon_e} \simeq 1$$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa} \implies T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 = \frac{1}{2 \times 200000} 840^2 \simeq 1.764 \text{ MPa}$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e [\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$  et les limites élastiques réelles et nominales coïncident raisonnablement :

$$\sigma_e = R_e e^{\nu \varepsilon_e} \simeq R_e \quad \text{car } e^{\nu \varepsilon_e} \simeq 1$$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa} \implies T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \simeq \frac{1}{2 \times 200'000} 840^2 \simeq 1.764 \text{ MPa}.$$

# Corrigé exercice 2)

## Identification de la limite élastique réelle et conclusion

- Pour un matériau écroui, la limite élastique  $R_e$  se déduit de la mesure de dureté :

$$R_e [\text{MPa}] \simeq 3.5 \text{ HB} \implies R_e \simeq 3.5 \times 240 = 840 \text{ MPa}$$

- On observe que le rapport  $\frac{R_e}{E}$  est largement inférieur à 10% :

$$\frac{R_e}{E} \simeq \frac{0.84}{200} \simeq 0.0042 = 0.42\%.$$

- Dans ces conditions,  $\varepsilon_e$  sera lui même très petit :  $\varepsilon_e \simeq \frac{R_e}{E} \simeq 0.0042$  et les limites élastiques réelles et nominales coïncident raisonnablement :

$$\sigma_e = R_e e^{\nu \varepsilon_e} \simeq R_e \quad \text{car } e^{\nu \varepsilon_e} \simeq 1$$

- La conclusion est que

$$\sigma_e \simeq 840 \text{ MPa} \implies T = \frac{1}{2E} \sigma_e^2 \simeq \frac{1}{2 \times 200'000} 840^2 \simeq 1.764 \text{ MPa}.$$